

## 11.1 反比例函数 11.2 反比例函数的图像与性质 自测题

### (40 期 B 卷)

#### 基础闯关

(时间: 45 分钟; 满分: 100 分)

#### 一、选择题(每小题4分,共24分)

1. 下列函数中,是 $y$ 关于 $x$ 的反比例函数的是( ).

(A)  $x(y-1)=1$                       (B)  $y=\frac{1}{x+1}$

(C)  $y=\frac{1}{x^2}$                               (D)  $y=\frac{1}{3x}$

2. 若函数 $y=\frac{k}{x}$ 的图象过点 $(3,-7)$ ,那么它一定还经过点( ).

(A)  $(3,7)$                               (B)  $(-3,-7)$

(C)  $(-3,7)$                             (D)  $(2,-7)$

3. 已知函数 $y=\frac{k}{x}$  ( $k$ 是常数, $k \neq 0$ ),当 $x=1$ 时, $y=-3$ ,那么这个函数的关系式是( ).

(A)  $y=\frac{3}{x}$                                 (B)  $y=\frac{1}{3x}$

(C)  $y=-\frac{3}{x}$                                 (D)  $y=-\frac{1}{3x}$

4. 反比例函数 $y=\frac{6}{x}$ 图象上有三个点 $(x_1,y_1)$ , $(x_2,y_2)$ , $(x_3,y_3)$ ,其中 $x_1 < x_2 < 0 < x_3$ ,则 $y_1,y_2,y_3$ 的大小关系是( ).

(A)  $y_1 < y_2 < y_3$                       (B)  $y_2 < y_1 < y_3$

(C)  $y_3 < y_1 < y_2$                       (D)  $y_3 < y_2 < y_1$

5. 对于反比例函数 $y=\frac{2}{x}$ ,下列说法不正确的是( ).

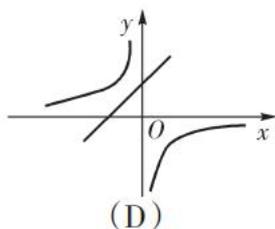
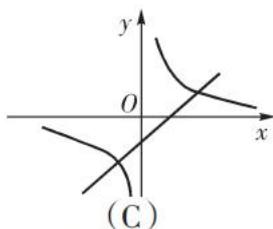
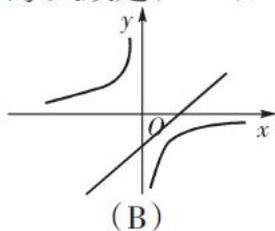
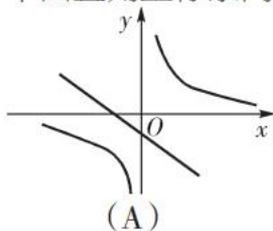
(A) 当 $x > 0$ 时, $y$ 随 $x$ 的增大而增大

(B) 它的图象在第一、三象限

(C) 当 $x < 0$ 时, $y$ 随 $x$ 的增大而减小

(D) 点 $(-2,-1)$ 在它的图象上

6. 已知函数 $y=k(x-1)$ 和 $y=-\frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ), 它们在同一平面直角坐标系内的图象大致是( ).



**二、填空题(每小题4分, 共32分)**

7. 已知点 $(1, -2)$ 在反比例函数 $y=\frac{k}{x}$ 的图象上, 则 $k=$ \_\_\_\_\_.

8. 如果点 $(1, 2)$ 在双曲线 $y=\frac{k}{x}$ 上, 那么该双曲线在第\_\_\_\_\_象限.

9. 如果反比例函数 $y=\frac{k-2}{x}$ 的图象位于第二、四象限内, 那么满足条件的正整数 $k$ 的值是\_\_\_\_\_.

10. 根据反比例函数 $y=\frac{-4}{x}$ 的图象回答问题, 当函数值 $y$ 为正时,  $x$ 取值范围是\_\_\_\_\_.

11. 函数 $y=-\frac{1}{x+2}$ 中自变量 $x$ 的取值范围是\_\_\_\_\_.

12. 若函数 $y=(3+m)x^{2-m}$ 是反比例函数, 则 $m$ 的取值是\_\_\_\_\_.

13. 直线 $y=ax$ 与双曲线 $y=\frac{k}{x}$ 有两个交点, 其中一交点坐标为 $(2, 4)$ , 则它们的另一交点坐标为\_\_\_\_\_.

14. 如图1, 一次函数 $y_1 = x - 1$ 与反比例函数 $y_2 = \frac{2}{x}$ 的图象交于点 $A(2, 1)$ ,  $B(-1, -2)$ , 则使 $y_1 > y_2$ 的 $x$ 的取值范围是

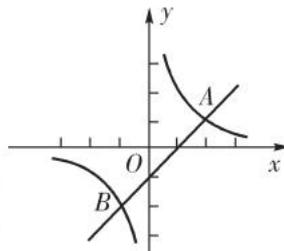


图1

三、解答题(共44分)

15. (12分) 已知反比例函数 $y = \frac{k-1}{x}$  ( $k$ 为常数,  $k \neq 1$ ).

- (1) 若点 $A(1, 2)$ 在这个函数的图象上, 求 $k$ 的值.
- (2) 若在这个函数图象的每一条分支上,  $y$ 随 $x$ 的增大而减小, 求 $k$ 的取值范围.
- (3) 若 $k=13$ , 试判断点 $B(3, 4)$ ,  $C(2, 5)$ 是否在这个函数的图象上, 并说明理由.

16. (10分) 如图2,  $A, B$ 两点在函数 $y = \frac{m}{x}$  ( $x > 0$ )的图象上.

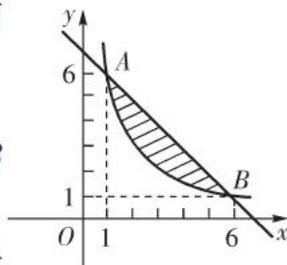


图2

(1) 求 $m$ 的值及直线 $AB$ 对应的函数关系式.

(2) 如果一个点的横、纵坐标均为整数, 那么我们称这个点是格点. 请直接写出图中阴影部分(不包括边界)所含格点的个数.

17. (10分) 已知 $y=y_1+y_2$ ,  $y_1$ 与 $x^2$ 成正比例,  $y_2$ 与 $x+3$ 成反比例, 且当 $x=0$ 时,  $y=2$ ;  $x=1$ 时,  $y=0$ . 试求当 $x=3$ 时,  $y$ 的值.

18. (12分) 如图3, 一次函数 $y_1=ax+b$ 的图象与反比例函数 $y_2=\frac{k}{x}$ 的图象交于 $M, N$ 两点.

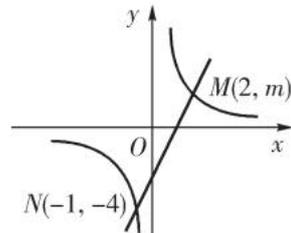


图3

(1) 求反比例函数和一次函数的函数关系式.

(2) 根据图象写出使 $y_1 \leq y_2$ 的 $x$ 的取值范围.

能力挑战 (满分: 30 分)

一、填空题 (每小题 5 分, 共 10 分)

1. 如图 1, 矩形  $ABCD$  的边  $AB$  与  $y$  轴平行, 顶点  $A$  的坐标为  $(1, 2)$ , 点  $B$  与点  $D$  在反比例函数  $y = \frac{6}{x} (x > 0)$  的图象上, 则点  $C$  的坐标为 \_\_\_\_\_.

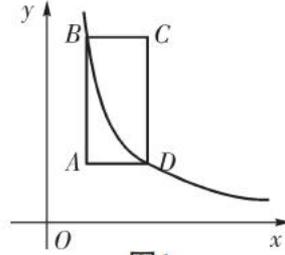


图 1

2. 将  $x = \frac{2}{3}$  代入反比例函数  $y = -\frac{1}{x}$  中, 所得函数值记为  $y_1$ , 又将  $x = y_1 + 1$  代入原反比例函数中, 所得函数值记为  $y_2$ , 再将  $x = y_2 + 1$  代入原反比例函数中, 所得函数值记为  $y_3, \dots$ , 如此继续下去, 则  $y_{2015} =$  \_\_\_\_\_.

二、选择题 (每小题 5 分, 共 10 分)

3. 直线  $x = t (t > 0)$  与反比例函数  $y = \frac{2}{x}, y = \frac{-1}{x}$  的图象分别交于  $B, C$  两点,  $A$  为  $y$  轴上的任意一点, 则  $\triangle ABC$  的面积为 ( ).

- (A) 3 (B)  $\frac{3}{2}t$  (C)  $\frac{3}{2}$  (D) 不能确定

4. 直线  $y = kx (k > 0)$  与双曲线  $y = \frac{2}{x}$  交于  $A, B$  两点, 若  $A, B$  两点的坐标分别为  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ , 则  $(x_1 - x_2)(y_1 - y_2)$  的值为 ( ).

- (A) -4 (B) 0 (C) 4 (D) 8

三、解答题 (10 分)

5. 如图 2, 一次函数  $y = kx + b$  与反比例函数  $y = \frac{6}{x} (x > 0)$  的图象交于  $A(m, 6), B(3, n)$  两点.

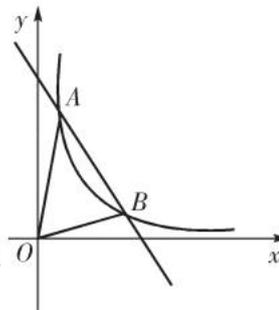


图 2

- (1) 求一次函数的关系式.
- (2) 根据图象直接写出  $kx + b - \frac{6}{x} < 0$  的  $x$  的取值范围.
- (3) 求  $\triangle AOB$  的面积.

参考答案:

基础闯关

1.D 2.C 3.C 4.B 5.A 6.B

7.-2 8.一、三 9.1 10. $x < 0$  11. $x \neq -2$  12.3 13.(-2,-4) 14. $x > 2$  或  $-1 < x < 0$

15.(1) $k=3$ ;(2) $k > 1$ ;(3)点 B 在函数的图像上, 点 C 不在函数的图像上.

16.(1) $m=6$ , 直线 AB 的关系式为  $y=-x+7$ ;(2)3 个.

$$17. -\frac{25}{2}. \text{提示: 设 } y_1 = k_1 x^2, y_2 = \frac{k_2}{x+3}, \text{ 则 } y = k_1 x^2 + \frac{k_2}{x+3}, \begin{cases} \frac{k_2}{3} = 2, \\ k_1 + \frac{k_2}{4} = 0, \end{cases} \text{ 解得}$$

$$\begin{cases} k_1 = -\frac{3}{2}, \\ k_2 = 6. \end{cases} \therefore y = -\frac{3}{2}x^2 + \frac{6}{x+3}, \text{ 当 } x=3 \text{ 时, } y \text{ 的值为 } -\frac{25}{2}.$$

18.(1) $y_1 = 2x - 2, y_2 = \frac{4}{x}$ ;(2) $0 < x \leq 2$  或  $x \leq -1$ .

能力挑战

1. (3,6) 2.2

3.C 4.D

5.(1) $y=-2x+8$ ;(2) $0 < x < 1$  或  $x > 3$ ;(3)8.